

Prova scritta di Matematica II - 13 settembre 2011 - FILA A

c.d.L. Scienze dell'Architettura - Prof. R. Rizzi

COGNOME E NOME

N. di matricola FIRMA.....

1.a. Determinare le equazioni dei seguenti piani:

1.a.a. piano Π_1 passante per i punti $(0, 0, 3)$, $(3, 0, 0)$ e $(1, -5, 1)$;

1.a.b. piano Π_2 contenente la retta $R(t) = (1, t, -3t)$ e la retta $2x + 3y = z = 1$;

1.a.c. piano Π_3 tangente alla superficie $2x^2 + 3y^2 + 2z = 7$ nel punto $(1, 1, 1)$;

1.a.d. i piani Π_1 , Π_2 e Π_3 sono paralleli (P), ortogonali (H) o in posizione generica (G)?

Π_1 :		
Π_2 :	$\Pi_1 \dots \Pi_2 \dots \Pi_3 \dots \Pi_1$	
Π_3 :		1+1+1+2/30

1.b. Dati i 3 piani:

$$\Pi_1 : (\alpha + \beta)x + \beta y + 3z = 1 \quad \Pi_2 : (\alpha + \beta)x - y + z = 0 \quad \Pi_3 : \beta x + z = 5,$$

si determini per quali valori di α e β :

1.1.) Π_1 e Π_2 sono paralleli; 1.2.) Π_2 e Π_3 paralleli; 1.3.) Π_1 e Π_3 paralleli;

2.) Π_1 e Π_3 sono ortogonali;

3.) Π_2 e Π_3 sono ortogonali.

1.) $\Pi_1 \parallel \Pi_2$:	$\Pi_2 \parallel \Pi_3$:	$\Pi_1 \parallel \Pi_3$:
2.) $\Pi_1 \times \Pi_3$:		
3.) $\Pi_2 \times \Pi_3$:		1+1+1/30

1.c. Trovare un'equazione parametrica per la retta R passante per $(1, 2, 3)$ ed incidente ortogonalmente nella retta $R'(t) = (0, 1 + t, 1 + 2t)$.

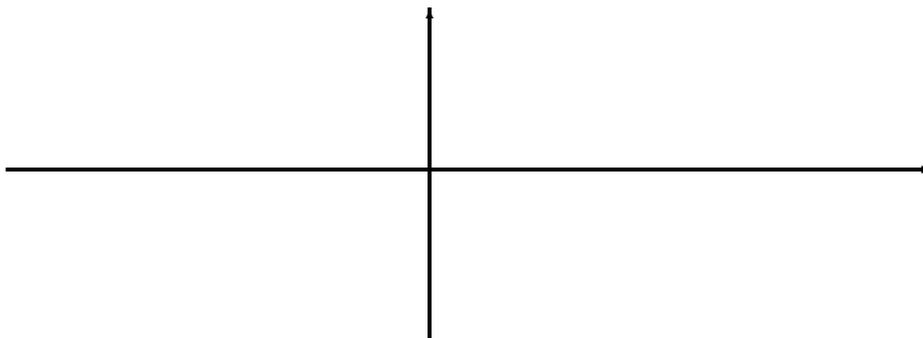
	3/30
--	------

1.d. Calcolare la distanza tra la retta R_1 di equazioni $3y = 2z$ e $y = -2x$ e la retta $R_2 = (1 - 2t, 3 - t, 2 + t)$. Determinare se queste due rette siano sghembe o coplanari. Nel secondo caso, specificare se esse siano incidenti oppure parallele. Se parallele, specificare se esse siano distinte oppure coincidenti.

$d(R_1, R_2) =$	
Le rette R_1 ed R_2 sono	2+1/30

2. È data la funzione $F(x, y) = x^2(y + 7) - 9(x^2 + y - 2)$.

2.a) Disegnare l'insieme Σ_0 e studio del segno:



2/30

2.b) Elencare i punti stazionari di F specificandone la natura:

3/30

2.c) Equazione del piano tangente F in $(1, 1, 8)$:

2/30

2.d. Determinare tutti i punti estremali di F nella regione $R = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid x^2 + y^2 \leq 16\}$.

2.d)

6/30

3. In un riferimento Cartesiano x, y, z sia E la regione del primo quadrante del piano $y = 0$ delimitata dall'asse delle z e dalle curve $z = 2 - x^2$ e $z = x$. Sia Q il solido che si ottiene facendo ruotare E di 360° attorno all'asse delle z .

3.a. Disegnare sia E (sulla sinistra) che Q (sulla destra);

3.b. Esprimere Q in coordinate Cartesiane e in coordinate cilindriche;

3.c. Calcolare il volume di Q mediante integrazione;

3.d. Calcolare l'integrale triplo $I = \int_Q z \, dx \, dy \, dz$;

3.e. Fornire le coordinate del baricentro $B = (x_b, y_b, z_b)$ di Q ;

a.1) Disegnare E	a.2) Disegnare Q	1/30
b) esprimere Q in coordinate Cartesiane e in coordinate cilindriche Car: $Q =$ cil: $Q =$		1+1/30
c) $V =$		5/30
d) $I =$		3/30
e) $x_b =$ $y_b =$ $z_b =$		2/30

LEGGERE CON MOLTA ATTENZIONE:

PROCEDURA DA SEGUIRE PER L'ESAME **-controllo**

- 1) Vostro nome, cognome e matricola vanno scritti, prima di incominciare il compito, negli appositi spazi previsti nell'intestazione di questa copertina. Passando tra i banchi verificherò l'esatta corrispondenza di alcune di queste identità. Ulteriori verifiche alla consegna.
- 2) Non è consentito utilizzare alcun sussidio elettronico.
- 3) Non è consentito utilizzare alcun materiale cartaceo.
- 4) Una volta che sono stati distribuiti i compiti non è possibile allontanarsi dall'aula per le prime 2 ore. Quindi:
(1) andate al bagno prima della distribuzione dei compiti e (2) non venite all'esame solo per fare i curiosi (i testi vengono pubblicati sul sito successivamente all'esame).

PROCEDURA DA SEGUIRE PER OGNI ESERCIZIO **-assegnazione punti**

- 1) La risoluzione **COMPLETA ed ESAURIENTE** dell'esercizio "in bella copia" deve trovare spazio in fogli da inserire in questa copertina ripiegata a mo' di teca (intestazione con vostri dati personali su faccia esterna della teca, per facilità di controllo).
- 2) Tutti i fogli consegnati, inclusa la copertina, debbono riportare NOME, COGNOME e MATRICOLA (sia per l'assegnazione dei punti che per il controllo).
- 3) Trascrivere i risultati ottenuti negli appositi riquadri della copertina.

ATTENZIONE: Per superare l'esame è necessario totalizzare almeno 7 punti sulla parte di Matematica 1, almeno 7 punti sulla parte di Matematica 2, ed almeno 18 punti in totale sulle due parti. Inoltre, all'elaborato verrà data una prima valutazione in base ai risultati riportati negli appositi riquadri della copertina. Solamente nel caso in cui tale provvisoria valutazione sia superiore ai 16/30, si procederà allora alla correzione dello svolgimento degli esercizi come riportato sui fogli allegati e verrà quindi data la valutazione finale.

COMUNICAZIONE ESITI E REGISTRAZIONE VOTI **-completamento esame**

I voti positivi (dal 18 in su) vi verranno automaticamente registrati sotto esse3 e ne riceverete segnalazione tramite mail al vostro indirizzo sotto spes. Se è vostra intenzione riprovare l'esame per alzare il voto potete chiedermi di annullare il vostro esame.

Ad alcuni di voi potrà venire richiesto di completare la prova scritta con un orale ma se costoro lo preferiscono possono sempre rifare lo scritto piuttosto che non venire all'orale.